



## فاعلية استخدام استراتيجية التعليم المتمايز في تنمية التفكير الرياضي لدى تلاميذ الصف الخامس الابتدائي بمنطقة جازان

الأستاذ محمد حسين محمد خبراني  
كلية التربية، جامعة جدة، المملكة العربية السعودية

الدكتور غرم الله مسفر صالح الغامدي  
كلية التربية، جامعة جدة، المملكة العربية السعودية  
البريد الإلكتروني: g\_ghamdy81@yahoo.com

### الملخص

هدفت الدراسة إلى التعرف على فاعلية استخدام استراتيجية التعليم المتمايز في تنمية التفكير الرياضي لدى تلاميذ الصف الخامس الابتدائي بمنطقة جازان، واستخدمت الدراسة المنهج التجريبي ذا التصميم شبه التجريبي، على عينة قوامها (50) طالبا من طلاب الصف الخامس الابتدائي، تم توزيعهم عشوائيا إلى مجموعتين، تجريبية تكونت من (25) طالبا درست وحدة (العبارات الجبرية والمعادلات) باستخدام استراتيجية التعليم المتمايز، والأخرى ضابطة (25) طالبا درست بالطريقة المعتادة، وتم إعداد أدوات الدراسة متمثلة في اختبار تحصيلي واختبار التفكير الرياضي، وطبقت قبليا وبعديا، وباستخدام الأساليب الإحصائية المناسبة، توصلت الدراسة إلى عددٍ من النتائج، أبرزها: وجود فروق ذات دلالة إحصائية عند مستوى (0.01) بين المجموعتين التجريبية والضابطة في التطبيق البعدى للاختبار التحصيلي في مستوى التطبيق وفي اختبار التفكير الرياضي في بعد مهارة(الاستقراء) لصالح المجموعة التجريبية. وجود فروق ذات دلالة إحصائية عند مستوى (0.05) بين المجموعتين التجريبية والضابطة في التطبيق البعدى للاختبار التحصيلي في الاختبار التحصيلي ككل لصالح المجموعة التجريبية، وجود فروق ذات دلالة إحصائية عند مستوى دلالة (0.01) بين متوسطات درجات طلاب المجموعة التجريبية (مهارة الاستقراء، مهارة الاستنتاج، مهارة التعبير بالرموز، مهارة النمذجة) وفي الدرجة الكلية لصالح التطبيق البعدى، وجود علاقة طردية ذات دلالة إحصائية عند مستوى دلالة (0.01) بين التحصليل والتفكير الرياضي لدى تلاميذ المجموعة التجريبية؛ وقدمت الدراسة عدداً من التوصيات والمقترنات.

**الكلمات المفتاحية:** التعليم المتمايز، التحصليل في الرياضيات، التفكير الرياضي، المرحلة الابتدائية.



# The Effectiveness of Using Differentiated Instruction Strategy on Development Mathematical Thinking among the fifth grade Students in Jazan Region

Mohammed Hussain Mohammed Kobrani

College of Education, University of Jeddah, Kingdom of Saudi Arabia

Gharam Allah Misfer Al-Ghamdi

College of Education, University of Jeddah, Kingdom of Saudi Arabia

Email: [g\\_ghamdy81@yahoo.com](mailto:g_ghamdy81@yahoo.com)

## ABSTRACT

The study aimed to identify the effectiveness of using the strategy of differentiated education in developing mathematical thinking among the fifth grade students in Jazan. An experimental unit consisting of (25) students studied a unit (algebraic expressions and equations) using the differentiated education strategy, and the other control unit (25) students studied in the usual way. The study reached a number of results, most notably: There are statistically significant differences at the level (0.01) between the experimental and control groups in the post application of the achievement test at the application level and in the mathematical thinking test in the skill dimension (induction) in favor of the experimental group. And there are statistically significant differences at the level (0.05) between the experimental and control groups in the post application of the achievement test in the achievement test as a whole in favor of the experimental group, and there are statistically significant differences at the level of significance (0.01) between the mean scores of the students of the experimental group in the pre and post application of the achievement test As a whole, and to test mathematical thinking in all sub-skills (induction skill, deduction skill, symbolic expression skill, modeling skill) and in the total score in favor of the post application, and the presence of a statistically significant direct relationship at the level of significance (0.01) between achievement and mathematical thinking among the students of the experimental group ; The study presented a number of recommendations and proposals.

**Keywords:** Differentiated Education, Achievement in Mathematics, Mathematical Thinking, Primary Stage.

**المقدمة:**

تولي الدول المتقدمة اهتماماً كبيراً لتدريس الرياضيات، نظراً لكونها الركيزة الأساسية التي يقوم عليها التقدم العلمي والتقني في عالم اليوم، ولما تقدمه من وظائف مهمة ومتنوعة، إضافةًدورها الرئيس في بناء عقول الطلاب وتنمية مهارات التفكير والإبداع لديهم، وقد شهد تعليم الرياضيات تطوراً متسارعاً يواكب التطورات الحادثة في نظريات التعليم والتعلم، خاصةً في ظل تطبيق المنظور البنائي في عمليتي التعليم والتعلم، والذي يعطي للمتعلم دوراً حاسماً في بناء معرفته.

وفي ظل هذا التطور قامت المملكة العربية السعودية ضمن مشروع تطوير مناهج الرياضيات والعلوم الطبيعية بمواءمة السلسلة العالمية لمناهج الرياضيات والعلوم الطبيعية وهي ماجروهيل McGraw-Hill وقد صنمت هذه السلسلة لاستخدام عدة استراتيجيات تعزز مباديء ومعايير الرياضيات المدرسية التي أصدرها المجلس الوطني الأمريكي لمعلمي الرياضيات 2000.

ويعد مبدأ المساواة أحد معايير الرياضيات المدرسية التي أقرها المجلس الوطني لمعلمي الرياضيات (NCTM, 2000) والذي يؤكد على حق جميع الطلاب في تعلم الرياضيات، وضرورة توفير الفرص المتكافئة لجميع الطلاب لتعلمهما باختلاف أنماط وأساليب تعلمهم، كما يؤكد على أن التميز في تعليم الرياضيات وتعلمهما يتطلب المساواة بين جميع الطلاب، واستيعاب الفروق الفردية بينهم؛ لمساعدتهم على تعلمها من خلال برنامج تعليمي عادل ومتين يوفر الدعم القوي لهم، ويراعي معرفتهم السابقة (آدم ومحمد, 2017).

كما اهتمت العديد من المؤتمرات بالتفكير الرياضي، وتنميته في مراحل التعليم المختلفة، منها المؤتمر السابع للجمعية السعودية للعلوم الرياضية (جسر) بجامعة الملك سعود (2020)، بعنوان "أبحاث تعليم الرياضيات، التأثير والتطبيق والممارسة"، والذي خصص محوراً لأفضل الممارسات التدريسية لتعليم الرياضيات، والمؤتمرون العمى الثامن عشر للجمعية المصرية للتربويات الرياضيات (2022)، بعنوان "تطوير مناهج الرياضيات المدرسية: تحديات الواقع وتطلعات المستقبل".

وأجرت العديد من البحوث والدراسات السابقة التي اهتمت بتنمية التحصيل والتفكير الرياضي إضافةً إلى غيره مخرجات تعليم وتعلم الرياضيات، ومنها دراسة عمر (2015) التي هدفت إلى تقصي أثر برنامج تعليمي قائم على القوة الرياضية في التحصيل والتفكير الرياضي، لدى طلاب الصف السابع الأساسي في محافظة نابلس، وأظهرت النتائج تفوق طلاب المجموعة التجريبية في التحصيل والتفكير الرياضي نتائجة تطبيق البرنامج القائم على القوة الرياضية، وجود علاقة ارتباطية طردية بين التفكير الرياضي والتحصيل لدى الطالبات.

وهدف دراسة الشوكاني (2015) إلى تعرف أثر برنامج كورت (CORT) في تدريس الرياضيات على التحصيل وتنمية مهارات التفكير الإبداعي لدى طلاب الصف السادس الابتدائي، وتوصلت النتائج إلى وجود فروق ذات دالة إحصائية عند مستوى (0.05) بين متوسطات درجات المجموعتين التجريبية والضابطة في التطبيق البعدى لاختبار التحصيل واختبار مهارات التفكير الإبداعي لصالح المجموعة التجريبية.

وهدفت دراسة (Gibney, 2015) إلى التعرف على أثر استخدام المواقف الحياتية الواقعية في تدريس الرياضيات على تنمية التحصيل والتفكير الرياضي لدى طلاب المرحلة الثانوية، وتوصلت الدراسة إلى وجود فروق ذات دالة إحصائية بين متوسطي درجات طلاب المجموعة التجريبية والمجموعة الضابطة في التطبيق البعدى لكل من الاختبار التحصيلي واختبار التفكير الرياضي لصالح المجموعة التجريبية. وهدفت دراسة (Stephen, 2015) إلى التعرف على فاعلية استخدام أنماط التعلم في تدريس الرياضيات على تنمية التحصيل والتفكير الرياضي لدى طلاب المرحلة المتوسطة، وتوصلت إلى وجود فروق ذات دالة إحصائية بين متوسطي درجات طلاب المجموعة التجريبية والمجموعة الضابطة في التطبيق البعدى لكل من الاختبار التحصيلي واختبار التفكير الرياضي لصالح المجموعة التجريبية.

في حين هدفت (Kim, 2015) إلى تعرف فاعلية النمذجة الرياضية في تنمية التحصيل والتفكير الإبداعي في الرياضيات والاتجاه نحو التعلم الذاتي لطلاب المرحلة الثانوية، وتوصلت الدراسة إلى وجود فروق ذات دالة إحصائية بين متوسطي درجات طلاب المجموعتين التجريبية والضابطة في التطبيق البعدى لكل من الاختبار التحصيلي واختبار التفكير الإبداعي في الرياضيات ومقاييس الاتجاه نحو التعلم الذاتي لصالح طلاب المجموعة التجريبية.

في حين هدفت دراسة كريري (2016) إلى تعرف أثر برنامج مقترن قائم على التعلم النشط في تدريس الرياضيات على التحصيل وتنمية مهارات التفكير البصري لدى طلاب الصف الثاني المتوسط، وأظهرت نتائج



الدراسة وجود فروق ذات دلالة إحصائية عند مستوى (0.05) بين متوسطات درجات المجموعةين التجريبية والضابطة في التطبيق البعدى لاختبار التحصيل واختبار مهارات التفكير البصري لصالح المجموعة التجريبية، وجود علاقة ارتباطية موجبة دالة إحصائية عند مستوى (0.05) بين التحصيل ومهارات التفكير البصري لدى عينة البحث.

كما هدفت دراسة الفريقي (2016) إلى تقصي فاعلية تدريس وحدة مقترحة باستخدام السبورة التفاعلية في تنمية مهارات التفكير الرياضي والتحصيل لدى طالبات المرحلة المتوسطة بمدينة جدة، وقد أسفرت النتائج وجود فرق دال عند مستوى (0.05) بين متوسطات درجات المجموعة التجريبية ودرجات المجموعة الضابطة على مهارات التفكير الرياضي وعلى التحصيل الدراسي لصالح المجموعة التجريبية.

وأستهدفت دراسة أحمد (2016) بحث فاعلية برنامج قائم على استراتيجية التعلم المنظم ذاتياً في تنمية التحصيل والتفكير الرياضي والاتجاه نحو التعلم الذاتي لتلاميذ الصف الثاني بالمرحلة الإعدادية، وتوصل البحث إلى فاعلية البرنامج القائم على استراتيجية التعلم المنظم ذاتياً في تنمية التحصيل والتفكير الرياضي والاتجاه نحو التعلم الذاتي.

كما هدف أبو سكران (2017) إلى بناء برنامج مقترن على القوة الرياضياتية، وقياس فاعليته في التحصيل ومهارات التواصل الرياضي والتفكير التباعي لدى طلبة الصف العاشر الأساسي، وتوصل البحث إلى فاعلية البرنامج المقترن على القوة الرياضياتية في تنمية التحصيل والتفكير التباعي وال التواصل الرياضي لدى مجموعة البحث من طلبة الصف العاشر الأساسي.

ولما كان الأفراد يتميزون فيما بينهم من جوانب كثيرة، نظراً لاختلاف الخبرة السابقة والدافعية، والقدرات، والخصائص، والميول، والبيئة المترتبة، والأساليب التي يتعلمون بها، ووصولاً تلبية احتياجات المتعلمين المتنوعة، فإن ذلك يستدعي ضرورة استخدام أساليب ومداخل تتسم مع هذا التنوع والتباين بين الأفراد.

ومتأمل في أي فصل دراسي يختلف المراحل الدراسية يلاحظ أنها تشتمل على مجموعة من الطلاب ذوي القدرات والخلفيات المتباعدة، وقد أثبتت البحوث والدراسات في مجال تعليم وتعلم الرياضيات أن الطلاب لا يتباينون فقط في القدرة القرائية، ولكنهم يتباينون في التطوير الرياضي والاستعداد واستيعاب الأفكار الرياضية المحددة، ولذا يعد الاهتمام بهذه الاختلافات عنصراً أساسياً في تعليم وتعلم الرياضيات (وليام وأخرون، 2020).

ولما كان الطلاب يعانون في تعلم الرياضيات، ولضمان تحقيق تعليم وتعلم رياضيات أكثر شمولًا وإنصافاً، فإن نتائج الدراسات السابقة تشير إلى أن هناك أملاً في تمكّن جميع الطلاب من النجاح رياضياً من خلال استخدام التعليم المتمايز، بحيث يأخذ عين الاعتبار تنوع هؤلاء الطلاب (Gervasoni, et al, 2021).

ويشير (Marks ET AL, 2021) إلى أن التعليم المتمايز يلعب دوراً مهماً في تشجيع معلمي الرياضيات على التعامل مع الطلاب من ذوي مستويات التحصيل المتباعدة، وأن ممارسة التعليم المتمايز قد يساعد في التغلب على المشكلات المختلفة في تعليم وتعلم الرياضيات، بما يزيد من كفاءتهم الذاتية وتحسين معتقداتهم واستخدام أساليب متباعدة من التقييم التكويني تتناسب مع مستويات الطلاب.

وتضيف الأدبيات أن التعليم المتمايز يناسب بشكل مثالي الصور الدراسية المتنوعة، وبشكل عام يهدف إلى إعطاء المتعلمين مسارات بديلة يمكن من خلالها التعلم، ومن خلال اختلاف استراتيجيات التدريس يتأكد المعلم من أن لدى كل طالب فرصة التعلم بأسلوب ينماطى مع مواطن قوته واهتماماته التعلم لديه (بوريتش، 2019).

وعلى جانب آخر، فقد أشارت بعض الدراسات السابقة إلى وجود اثر إيجابي لاستخدام استراتيجية التعليم المتمايز في التدريس على نواتج التعلم في مواد مختلفة وفي مراحل تعليمية مختلفة، وأهمية استخدام التعليم المتمايز في تعليم وتعلم الرياضيات ومن هذه الدراسات: (العربي، 2017؛ الغامدي، 2018؛ خطاب، 2018؛ الحاشنة، 2020؛ الغنام، 2020؛ فناح، 2020).

وبناء على ذلك، فإن القدرة على تخطيط وتدريس الدروس التي تدعم وتحدى جميع الطلاب لتعلم الرياضيات إضافة إلى القدرة على تصميم وتنفيذ التعليم بطرق تصل إلى كل طالب على أفضل وجه، يعد من أهم كفاءات معلمي الرياضيات، وهذا جوهر التعليم المتمايز، وتتضمن معايير الدولة الأساسية المشركة (CCSS-N) معايير الممارسة الرياضية، واقتصرت المبادئ التوجيهية الستة من وثيقة "من المبادئ إلى الإجراءات" مجموعة من الأعمال للعمل داخل الصنف متماشية مع هذه المبادئ، ووضحت في مبدأ "إمكانية الوصول والإنصاف"، إنه يجب على معلم الرياضيات أن يضع توقعات عالية لجميع الطلاب، ويوفر الدعم الموجه لاحتياجاتهم، ويوفر الفرص التعليمية لهم لإظهار كفاءاتهم بطرق مختلفة. ويقوم بتقديمة الثقة لدى جميع الطلاب في قدراتهم على



ممارسة وتعلم الرياضيات، مع تعزيزه لتعلم الجميع من خلال الاحتفال بتتنوع الطلاب (دي والآخرون، 2022).

ويوصي المجلس القومي لمعلمي الرياضيات بأمريكا (العمرى، 2019) بضرورة الاهتمام بمبدأ "إمكانية الوصول والعدالة"، وفيه أهمية تخصيص المصادر الالازمة لضمان تزويد جميع الطلاب بالقدر المناسب من الوقت التعليمي بما يتيح لهم الاستفادة إلى أقصى قدر ممكن من إمكاناتهم التعليمية، وإلغاء عزل الطلاب ذوي التحصيل الدراسي المتدني، واستبداله بهيكلاً من التدخلات تقدم تعليمًا عالي الجودة، وغير ذلك من الدعم الصفي المرتبط بالشطة المصاحبة للمنهج الدراسي.

ولذا، تؤكد الأدبيات على ضرورة الأخذ في الاعتبار الاختلافات بين المتعلمين، وأنهم يتعلمون بطريق مختلف، ولذا يجب تنويع استراتيجيات التدريس؛ بحيث يتمكن جميع المتعلمين من الحصول على تعليم يتوافق مع خصائصهم ويحقق لكل منهم أقصى درجات النجاح والإنجاز في إطار امكاناته وقدراته (العرىنى، 2017).

وتنوعت الدراسات السابقة التي تناولت استراتيجية التعليم المتمايز، منها: دراسة السراي وفارس (2015)، التي هدفت إلى معرفة أثر برنامج تدريسي قائم على استراتيجية التعليم المتمايز لطلاب التربية الميدانية وأثره في تحصيلهم واتجاهاتهم نحو مهنة تدريس الرياضيات، وقد توصلت الدراسة إلى وجود فروق ذات دلالة إحصائية عند مستوى دلالة (0,05) بين متوسطي درجات الطلبة المطبقين في المجموعتين التجريبية والضابطة في التحصيل وفي مقياس الاتجاه نحو مهنة تدريس الرياضيات لصالح المجموعة التجريبية. وكذلك هدفت دراسة آدم وهاشم (2017) إلى تعرف أثر توظيف التعليم المتمايز من خلال الكتاب الإلكتروني في تدريس الهندسة لتنمية المستويات التحصيلية العليا ومهارات التواصل الرياضي والفهم العميق لدى طلاب الصف الثاني الإعدادي، وتوصلت النتائج إلى تقوّق المجموعة التجريبية على المجموعة الضابطة في كل من اختبار المستويات التحصيلية العليا واختبار قياس مهارات التواصل الرياضي واختبار قياس الفهم العميق.

أما في دراسة العرىنى (2017) التي هدفت إلى تحديد فاعلية استخدام التعليم المتمايز في تنمية بعض مهارات التفكير الرياضي لدى طلاب المرحلة المتوسطة بمدينة الرياض، أسفرت النتائج عن وجود فروق ذات دلالة إحصائية عند مستوى دلالة (0,05) بين متوسط درجات الطالبات في المجموعتين الضابطة والتجريبية لصالح المجموعة التجريبية في المهارات الكلية للتفكير الرياضي والمتمثلة في (الاستبatement ، والاستقراء، وحل المشكلات). كما هدفت دراسة رحمة (2017) إلى تقصيّيّ أثر التدريس المتمايز في تنمية بعض مهارات الرياضيات والاتجاه نحوها لدى طالبات الصف الثامن الأساسي بغزة، وتوصلت الدراسة إلى وجود فروق ذات دلالة إحصائية عند مستوى دلالة مسلي دلالة (0,05) بين متوسط درجات الطالبات في المجموعة التجريبية والمجموعة الضابطة في الاختبار البعدى لمهارات الرياضيات، وعدم وجود فروق ذات دلالة إحصائية عند مستوى دلالة (0,05) بين متوسط درجات الطالبات في المجموعة التجريبية والمجموعة الضابطة في مقياس الاتجاه البعدى نحو الرياضيات.

أما دراسة الغامدي (2018) التي هدفت إلى بحث أثر استراتيجية التعليم المتمايز في تدريس الرياضيات على تنمية التحصيل المعرفي لدى تلميذات الصف السادس الابتدائي، فقد توصلت نتائجها إلى وجود فروق ذات دلالة إحصائية عند مستوى دلالة مسلي دلالة (0,05) بين المجموعتين الضابطة والمجموعة التجريبية التي استخدمت استراتيجية التعليم المتمايز في اختبار التحصيل الدراسي عند المستويات المعرفية الدنيا والعليا لصالح المجموعة التجريبية. كما هدفت دراسة خطاب (2018) إلى تعرف أثر استخدام التدريس المتمايز في تدريس الرياضيات على تنمية مهارات التفكير المتشعب والمهارات الاجتماعية لدى تلاميذ المرحلة الابتدائية. وتوصلت الدراسة إلى تقوّق تلاميذ المجموعة التجريبية على تلاميذ المجموعة الضابطة في التطبيق البعدى لاختبار التفكير المتشعب وكذلك لمقياس المهارات الاجتماعية، وأن التدريس وفق مدخل التدريس المتمايز جعلت تلاميذ المجموعة التجريبية ذوى نمط تعلم معين يؤدون بشكل أفضل في التفكير المتشعب والمهارات الاجتماعية من أقرانهم في المجموعة الضابطة. في حين هدفت دراسة الأقطش (2018) إلى معرفة أثر استخدام استراتيجية التعليم المتمايز في تحصيل طلبة الصف الرابع في الرياضيات والاتجاهات نحوها. وأظهرت النتائج وجود فرق دال احصائي يعزى لطريقة التدريس لصالح المجموعة التجريبية، وتنمية اتجاهات إيجابية لدى الطالبات نحو الرياضيات.

وتأسيساً على كل ما سبق، يتبيّن أهمية استخدام استراتيجية التعليم المتمايز لمراعاة الاختلافات بين المتعلمين في الصف الدراسي الواحد وفي المراحل الدراسية المختلفة، نظراً لأنهم يتّعلمون بطريق مختلف، مما يستوجب تنويع استراتيجيات التدريس؛ بحيث يتمكّن كل منهم من الحصول على تعليم يتوافق مع خصائصه، ويحقق له أقصى



درجات النجاح والإنجاز في حدود إمكانياته وقدراته، وأن تنمية التفكير الرياضي هدف مهم من أهداف تدريس الرياضيات بمختلف المراحل التعليمية، ونظرًا لما أشارت إليه بعض الدراسات السابقة من أن الطلاب يعانون من ضعف في الرياضيات بشكل عام، وخاصة في التحصيل ومهارات التفكير الرياضي، فإن الدراسة الحالية سعت إلى تقصي فاعلية استخدام التعليم المتمايز في التحصيل وتنمية مهارات التفكير الرياضي لدى تلميذ الصف الخامس بالمرحلة الابتدائية.

#### **مشكلة الدراسة:**

على الرغم من تطوير مناهج الرياضيات في المملكة العربية السعودية وفق معايير دولية، أشارت بعض الدراسات إلى تدني مستويات تلاميذ المرحلة الابتدائية في التحصيل الرياضي، منها: (إبراهيم، 2016؛ عسيري، 2016؛ العتيبي وأخرون، 2017)، كما أشارت الدراسات السابقة إلى وجود تدني في مستوى التلاميذ في مهارات التفكير الرياضي منها: (الرشيدى، 2016؛ الشلى، 2017) وقد عزت معظم هذه الدراسات أن استخدام المعلمين لطرق تدريس تقليدية، وعدم استخدام استراتيجيات حديثة وفعالة في تدريس الرياضيات يعد من أهم الأسباب في تدني مستويات التلاميذ في التحصيل الدراسي، ومهارات التفكير الرياضي.

وقد لاحظ الباحثان من خلال الزيارات الميدانية لبعض معلمى الرياضيات في أثناء التربية الميدانية، انخفاض مستويات تحصيل التلاميذ في الرياضيات بشكل عام، والتفكير الرياضي بشكل خاص، كما ترکيز اهتمام المعلمين بالجانب المعرفي في تدريس الرياضيات، دون العناية بتنمية مهارات التفكير الرياضي، والتي تعد من أهم أهداف تدريس الرياضيات، وأظهرت اللقاءات مع عدد من المشرفين التربويين ومعلمى الرياضيات، أن ذلك قد يُعزى إلى عدم تنوع استراتيجيات التدريس، وعدم استخدامهم لمسارات بديلة يمكن من خلالها تعليم الرياضيات لتناسب مع احتياجات الطلاب المتنوعة، بحيث يصبح لكل طالب فرصة التعلم تماشى مع مواطن قوتهم واهتماماتهم، ومتطلبات تدريس الرياضيات وفق سلسلة ماجروهيل.

وببناء على ما سبق، فقد أوصت الأديبيات التربوية بمزيد من البحث لتقصي فاعلية استخدام التعليم المتمايز في تدريس الرياضيات بمراحل تعليمية مختلفة، وهذا ما هدف البحث الحالي إليه.

#### **أسئلة الدراسة:**

سعت الدراسة إلى الإجابة عن التساؤلات التالية:

- 1- ما فاعلية استخدام استراتيجية التعليم المتمايز في تحصيل تلاميذ الصف الخامس الابتدائي؟
- 2- ما فاعلية استخدام استراتيجية التعليم المتمايز في تنمية التفكير الرياضي لدى تلاميذ الصف الخامس الابتدائي؟
- 3- هل توجد علاقة ارتباطية بين التحصيل ومهارات التفكير الرياضي لدى تلاميذ الصف الخامس الابتدائي؟

#### **أهداف الدراسة:**

هدفت الدراسة الحالية إلى:

- 1- تقصي فاعلية استخدام استراتيجية التعليم المتمايز في تحصيل تلاميذ الصف الخامس الابتدائي.
- 2- تعرف فاعلية استخدام استراتيجية التعليم المتمايز في تنمية التفكير الرياضي لدى تلاميذ الصف الخامس الابتدائي.
- 3- تقصي العلاقة بين التحصيل ومهارات التفكير الرياضي لدى تلاميذ الصف الخامس الابتدائي.

#### **فرض الدراسة:**

تم صياغة الفرضيات الموجهة التالية:

- توجد فروق ذات دلالة إحصائية عند مستوى الدلالة (0.05) بين متوسطي درجات المجموعتين التجريبية والضابطة في التطبيق البعدى لاختبار التحصيلي عند مستوى (الذكر والفهم والتطبيق) والاختبار التحصيلي ككل لصالح المجموعة التجريبية.
- توجد فروق ذات دلالة إحصائية عند مستوى الدلالة (0.05) بين متوسطي درجات المجموعتين التجريبية والضابطة في التطبيق البعدى لاختبار التفكير الرياضي في مهارات (الاستقراء والاستنتاج والتعبير بالرموز والنذرجة) واختبار التفكير الرياضي ككل لصالح المجموعة التجريبية.
- توجد علاقة ارتباطية موجبة عند مستوى الدلالة (0.05) بين التحصيل في الرياضيات ومهارات التفكير الرياضي لدى تلاميذ الصف الخامس الابتدائي.

**أهمية الدراسة:**

تتمثل أهمية هذه الدراسة فيما يلي:

- 1- تأتي هذه الدراسة استجابةً للاتجاهات العالمية والجهود المحلية المتمثلة في تطوير مناهج التعليم العام والتي تدعو إلى تطبيق استراتيجيات حديثة في مجال تعلم وتعليم الرياضيات.
- 2- ربما تساعد التلاميذ في رفع مستوى تحصيلهم وتنمية مهارات تفكيرهم في مادة الرياضيات من خلال استخدام أساليب تدريسية حديثة مختلفة عن الطرق التقليدية.
- 3- قد تفيد المختصين بتحفيظ وتطوير المناهج في تبني استخدام استراتيجية التعليم المتمايز في المقررات الدراسية.
- 4- توفر الدراسة اختباراً تحصيليًّا واختباراً لتفكير الرياضي ودليل لتدريس وحدة (العبارات الجبرية والمعادلات) من مقرر الرياضيات للصف الخامس الابتدائي في ضوء استراتيجية التعليم المتمايز قد تفيد المعلمين والمشرفين والباحثين في هذا المجال.

**حدود الدراسة:**

اقتصرت الدراسة على الحدود الآتية:

**الحدود الموضوعية:**

- 1- وحدة (العبارات الجبرية والمعادلات) من مقرر الرياضيات للصف الخامس الابتدائي للالفصل الدراسي الأول للعام الدراسي 1439/1440هـ.

2- الاقتصار على المستويات (الذاكرة والفهم والتطبيق) عند بناء الاختبار التحصيلي.

3- الاقتصار على مهارات التفكير الرياضي (الاستنتاج، الاستقراء، التعبير بالرموز، النمذجة).

**الحدود المكانية:** تم تطبيق الدراسة بمدرسة اسید بن حضير الابتدائية التابعة لمكتب التعليم بالمسارحة والحرث بتعليم جازان (حيث الباحث الأول).

**الحدود الزمنية:** الفصل الدراسي الأول من العام الدراسي 1439/1440هـ.

**الحدود البشرية:** عينة عشوائية من تلاميذ الصف الخامس الابتدائي بمدرسة اسید بن حضير الابتدائية التابعة لمكتب التعليم بالمسارحة والحرث بتعليم جازان.

**تعريف مصطلحات الدراسة إجرائياً:**

تم تعريف مصطلحات البحث إجرائياً فيما يلي:

**التعليم المتمايز The Differentiated Instruction**

ويعرفه الباحث إجرائياً بأنه استراتيجية تعليمية قائمة على إعادة تنظيم عملية التعليم والتعلم لوحدة (العبارات الجبرية والمعادلات) من خلال استخدام الطرق والأساليب المتنوعة في تدريس طلاب الصف الخامس (عينة الدراسة) والتي تراعي الاختلاف بين التلاميذ في قدراتهم واستعداداتهم والفرق الفردية بينهم، وذلك بتمييز كل من تنظيم المحتوى والإجراءات المستخدمة والتقويم.

**التحصيل Achievement**

ويعرفه الباحث إجرائياً بأنه مقدار ما اكتسبه طلاب الصف الخامس الابتدائي (عينة الدراسة) من معارف رياضية خلال دراستهم لوحدة (العبارات الجبرية والمعادلات) من مقرر الرياضيات للالفصل الدراسي الأول، ويفاس بالدرجات التي يحصل عليها الطالب في الاختبار التحصيلي المعد لغرض هذه الدراسة.

**التفكير الرياضي Mathematical Thinking**

ويعرفه الباحث إجرائياً بأنه العمليات العقلية التي تشتمل على العديد من المهارات الرياضية التي يقوم بها تلميذ الصف الخامس الابتدائي لحل المشكلات التي تواجهه، ويعبر عن ذلك بالدرجة التي يحصل عليها التلميذ في اختبار التفكير الرياضي المعد لغرض هذه الدراسة في المهارات (الاستقراء، الاستنتاج، التعبير بالرموز، النمذجة).

**منهج الدراسة وإجراءاتها****منهج الدراسة:**

استخدم الباحث المنهج التجاري بالتصميم شبه التجاري، الذي يأخذ بتصميم المجموعتين التجريبية والضابطة، يطبق على كليهما القياس القبلي والبعدي، بينما يتم تطبيق الاستراتيجية المقترنة على المجموعة التجريبية فقط.



**مجتمع الدراسة:**  
 تمثل مجتمع الدراسة في جميع طلاب الصف الخامس الابتدائي في المدارس الحكومية التابعة لمكاتب تعليم جازان، خلال الفصل الدراسي الأول من العام الدراسي 1439-1440هـ، والبالغ عددهم (8076) طالباً، وذلك حسب إحصائيات مركز المعلومات بإدارة التعليم بمنطقة جازان.

**عينة الدراسة:**  
 تكونت عينة الدراسة الحالية من (50) طالباً تم اختيارها بطريقة قصدية من مدرسة اسید بن حضير الابتدائية بإسكان الملك عبدالله بالحصمة لكون الباحث يعمل بها، حيث توجد بالمدرسة ثلاثة صفوف بالصف الخامس الابتدائي وقد تم اختيار صفين عشوائياً ليمثل each the class (أ) المجموعة الضابطة (25) طالباً، والصنف (ب) المجموعة التجريبية (25) طالباً.

#### متغيرات الدراسة:

تمثلت متغيرات الدراسة الحالية في:

أ- المتغير المستقل: استراتيجية التعليم المتمايز.

ب- المتغيرات التابعية: التحصيل الدراسي، والتفكير الرياضي.

#### الضبط القبلي للمتغيرات التابعية:

##### 1- تكافؤ المجموعتين في القياس القبلي لمتغير التحصيل الدراسي:

وتم التحقق من ذلك بتطبيق الاختبار التحصيلي في وحدة العبارات الجبرية والمعادلات قبلياً على المجموعتين الضابطة والتجريبية، وقد استخدم الباحث "اختبار تعيينتين مستقلتين Independent Sample T-test" و جاءت النتائج كما يوضحها الجدول التالي:

جدول رقم (1): الفروق بين متوسطات درجات طلاب المجموعتين التجريبية والضابطة في التطبيق القبلي للاختبار التحصيلي

المجموعة	عدد الطالب	المتوسط الحسابي	الانحراف المعياري	قيمة "ت"	مستوى الدلالة
الضابطة	25	0.92	2.135	0.975	0.335
	25	1.80	1.922		
التجريبية	25	3.68	0.997	0.657-	0.710
	25	3.12	1.323		
الفهم	25	8.24	4.304	0.254-	0.800
	25	8.56	4.583		
التطبيق	25	12.36	5.235	0.347-	0.730
	25	12.92	6.130		

ويتبين من الجدول (1) تكافؤ طلاب المجموعتين التجريبية والضابطة في التطبيق القبلي للاختبار التحصيلي.

##### 2- تكافؤ المجموعتين في القياس القبلي لمتغير التفكير الرياضي:

وتم التتحقق من ذلك بتطبيق اختبار التفكير الرياضي قبلياً على المجموعتين الضابطة والتجريبية، وقد استخدم الباحث "اختبار تعيينتين مستقلتين Independent Sample T-test" و النتائج يوضحها الجدول التالي:

جدول رقم (2) الفروق بين متوسطات درجات طلاب المجموعتين التجريبية والضابطة في التطبيق القبلي لاختبار التفكير الرياضي

المجموعة	عدد الطالب	المتوسط الحسابي	الانحراف المعياري	قيمة "ت"	مستوى الدلالة
الضابطة	25	2.96	1.172	0.479	0.634
	25	2.80	1.190		
مهارات الاستقراء	25	3.08	1.222	0.637	0.527
	25	2.84	1.434		
مهارات الاستنتاج	25	2.72	1.242	1.503-	0.139
	25	3.36	1.729		
مهارات التعبير بالرموز	25	2.24	1.012	0.104-	0.918
مهارات النمذجة					



التجريبيه	25	2.28	1.646		
الصابطة	25	11.00	4.021	0.244-	0.808
التجريبيه	25	11.28	4.088		

ويتضح من الجدول (2) تكافؤ طلاب المجموعتين التجريبية والصابطة في التطبيق القبلي لاختبار التفكير الرياضي.

#### أدوات الدراسة ومادة المعالجة التجريبية:

تمثل أدوات الدراسة في:

- اختبار تحصيلي في وحدة العبارات الجبرية والمعدلات عند مستويات (الذكاء والفهم والتطبيق).
- اختبار التفكير الرياضي في مهارات (الاستقراء والاستنتاج والتعمير بالرموز والنماذج).

وتم إعداد تلك الأدوات على النحو التالي:

#### أولاً: الاختبار التحصيلي

بعد الاطلاع على الادبيات ذات الصلة ببناء الاختبارات التحصيلية، تم اتباع الخطوات التالية:

#### 1- تحديد الهدف من الاختبار التحصيلي:

هدف هذا الاختبار إلى قياس تحصيل الطالب في وحدة العبارات الجبرية والمعدلات من مقرر الرياضيات للصف الخامس الابتدائي الفصل الدراسي الأول من العام الدراسي 1440هـ/1439هـ، عند مستويات (الذكاء، الفهم، التطبيق).

#### 2- تطبيق المحتوى:

تم تحليل محتوى وحدة العبارات الجبرية والمعدلات، وفقاً للخطوات التالية:

#### أ- تحديد الهدف من التحليل:

هدف تحليل المحتوى إلى تحديد المفاهيم العلمية والتع咪يات والمهارات في وحدة العبارات الجبرية والمعدلات بمقرر الرياضيات للصف الخامس الابتدائي للفصل الدراسي الأول، وذلك لغرض تصميم الاختبار التحصيلي.

#### ب- تحديد مجال التحليل:

وحدة العبارات الجبرية والمعدلات بمقرر الرياضيات للصف الخامس الابتدائي للفصل الدراسي الأول  
**ج- حدود التحليل:**

قامت عملية التحليل على أساس الفكرة العامة للبحث، ثم الفقرات، حيث تم بعد تحديد الهدف العام من الدرس، بقراءة كل فقرة من فقراته، ومن خلال هذه الخطوة يتم تحديد ما إذا كانت هذه الفقرة تدور حول مفاهيم، أم مهارات، أم تعليمات.

#### د- إجراءات التحليل:

تتمثل إجراءات تحليل المحتوى في: تحديد الصفحات الخاضعة لعملية التحليل والقراءة الجيدة المتاملة لهذه الصفحات، لتحديد المفاهيم والتع咪يات والمهارات التي تضمنتها الوحدة، وتحديد المفاهيم، والتع咪يات، والمهارات.

#### ه- التأكيد من صدق تحليل المحتوى:

حيث تم عرض نتائج تحليل المحتوى على مجموعة من المحكمين من المتخصصين في مناهج وطرق تدريس الرياضيات ومشافي ومحلي الرياضيات، للتأكد من صدق التحليل، وقد انفق المحكمون على صدق التحليل.

#### و- التأكيد من ثبات تحليل المحتوى:

قام الباحثان بتحليل محتوى الوحدة كل على حدة، وتم حساب نسبة الثبات (الاتفاق) بينهما باستخدام معادلة هولستي (Holsti, 1969) لحساب معامل الالتفاق بين المحللين، والجدول التالي يوضح نتائج ذلك:

#### جدول (3) ثبات تحليل محتوى وحدة العبارات الجبرية والمعدلات باستخدام معادلة هولستي

عناصر التحليل	المحل الأول	المحل الثاني	نقط الالتفاق	نقط الالتفاق	معامل الثبات
المفاهيم	16	15	15	1	%97
التع咪يات	3	3	3	0	%100
المهارات	23	22	22	1	%97
العناصر ككل	42	40	40	2	%98

وبمراجعة الجدول السابق يتضح أن معامل ثبات عملية التحليل مرتفع، مما يعطي الثقة في مناسبة ثبات تحليل محتوى الموضوعات المحددة.



**3- بناء جدول مواصفات الاختبار التحصيلي:**  
 تم بناء جدول مواصفات الاختبار التحصيلي وفق مستويات (الذكر، الفهم، التطبيق)، وصيغت أسئلة وفقرات الاختبار في صورته الأولية وفق جدول المواصفات، وتكون الاختبار التحصيلي في صورته الأولية من أسئلة موضوعية وأخرى مقالية، (حيث صيغ السؤال الاول من نوع الاختبار من متعدد وتحضر (23) فقرة، والسؤال الثاني عبارة عن سؤال مزاوجة تكون من خمس فقرات، والسؤال الثالث مقال).

**4- صدق الاختبار التحصيلي:**  
 عرضت الصورة الأولية للاختبار التحصيلي على عدد من المحكمين من المتخصصين في مناهج وطرق تدريس الرياضيات ومتشرفي ومعلمي الرياضيات. وذلك بإبداء الرأي حول: مناسبة صياغة الهدف السلوكى الاجرائى، انتماء الهدف للمستوى المعرفي، مناسبة البدائل لفقرات الاختبار من متعدد، ومناسبة فقرات الاختبار للمستوى المعرفي المراد قياسه، والدقة العلمية والصياغة اللغوية. وقم تم إجراء بعض التعديلات وفق ما اتفق عليه المحكمون. ومن أبرزها حذف بعض الفقرات لعدم مناسبتها لمستوى الهدف.

**5- التطبيق الاستطلاعى للاختبار التحصيلي:**  
 تم التجريب الاستطلاعى على عينة تكونت من (19) طالباً من خارج أفراد عينة الدراسة، للتحقق من وضوح تعليمات الاختبار، وحساب زمن إجابته، وحساب ثباته، وتحديد معاملات السهولة والصعوبة والتمييز لمفرداته، وأظهرت النتائج الاستطلاعية: وضوح تعليمات الاختبار التحصيلي ومفرداته للطلاب، والزمن المناسب للاختبار (60) دقيقة.

ولحساب معامل ثبات الاختبار التحصيلي: استخدمت معادلة ألفاكرونباخ (Cronbach's) ومعادلة التجزئة النصفية (Split-half)، والجدول التالي يوضح نتائج ذلك:

**جدول رقم (4) بين حساب ثبات الاختبار التحصيلي وفقاً لمعامل ألفاكرونباخ والتجزئة النصفية**

التجزئة النصفية	المعامل	المستوى
0.787	0.708	الفهم
0.794	0.788	الذكر
0.848	0.739	التطبيق
0.779	0.831	معامل ثبات الاختبار

وبالنظر إلى الجدول (4) يتضح أن معامل ثبات الاختبار مرتفع. كما أظهرت نتائج التطبيق الاستطلاعى للاختبار أن معاملات السهولة والصعوبة مقبولة في معظمها، حيث بلغ معامل السهولة الكلى (0.37)؛ بينما بلغ معامل الصعوبة الكلى (0.63). واتضح أن معاملات التمييز للاختبار تراوحت معاملات التمييز للفقرات بين (0.40 – 0.80) وهي قيم مقبولة علميا.

**ثانياً: اختبار التفكير الرياضي**  
 تم إعداد اختبار لقياس بعض مهارات التفكير الرياضي (الاستقراء، الاستنتاج، التعبير بالرموز، النمذجة) وذلك وفق الخطوات التالية:

**1- تحديد الهدف من اختبار التفكير الرياضي**  
 هدف الاختبار إلى قياس مستوى تلاميذ الصف الخامس الابتدائي (عينة الدراسة) في مهارات التفكير الرياضي (الاستقراء، الاستنتاج، التعبير بالرموز، النمذجة).

**الصورة الأولية للاختبار:**  
 تكون الاختبار في صورته الأولية من (24) فقرة، موزعة على مهارات التفكير الرياضي الأربع (الاستقراء، الاستنتاج، التعبير بالرموز، النمذجة)، وذلك بواقع 6 فقرات لكل مهارة.

**2- تحديد صدق اختبار التفكير الرياضي:**  
 عرضت الصورة الأولية لاختبار التفكير الرياضي على عدد من المحكمين من المتخصصين في مناهج وطرق تدريس الرياضيات ومشترفي ومعلمي الرياضيات؛ لإبداء الرأي حول: انتماء السؤال لمهارة التفكير المخصص لها، و المناسبة البدائل، والدقة العلمية والصياغة اللغوية. وقد أبدى المحكمون بعضاً من الملاحظات أهمها: إعادة



ترتيب البدائل في بعض الفقرات، وإضافة بعض البدائل أو تعديلها لبعض الفقرات، فضلاً عن بعض الملاحظات اللغوية. وقد تم إجراء التعديلات التي اقترحها المحكمون.

### 3- التطبيق الاستطلاعي لاختبار التفكير الرياضي:

تم التجربة الاستطلاعية على عينة تكونت من (19) طالباً من خارج أفراد عينة الدراسة، للتحقق من وضوح تعليمات الاختبار، وحساب زمن إجابته، وحساب ثباته، وتحديد معاملات السهولة والصعوبة والتمييز لمفرداته، وأظهرت النتائج الاستطلاعية ما يلي: وضوح تعليمات اختبار التفكير الرياضي ومفرداته للطلاب، وأن الزمن المناسب للاختبار (50) خمسون دقيقة.

### 3- حساب معامل ثبات اختبار التفكير الرياضي:

استخدمت معادلة ألفا كرونباخ (Cronbach's) ومعادلة التجزئة النصفية (Split-half) لحساب ثبات اختبار التفكير الرياضي، والجدول التالي يوضح ذلك:

**جدول رقم (5) بين حساب ثبات اختبار التفكير الرياضي وفقاً لمعامل ألفا كرونباخ والتجزئة النصفية**

التجزئة النصفية	ألفا كرونباخ	المهارة
0.724	0.701	مهارة الاستقراء
0.835	0.798	مهارة الاستنتاج
0.789	0.727	مهارة التعبير بالرموز
0.739	0.773	مهارة النمذجة
0.889	0.893	معامل ثبات الاختبار

وبالنظر إلى الجدول السابق يتضح أن معامل ثبات الاختبار مرتفع، ومن ثم الاختبار مناسب لتحقيق أهداف الدراسة.

كما أظهرت نتائج التطبيق الاستطلاعي للاختبار أن معاملات السهولة والصعوبة كانت مقبولة، وأن معامل التمييز (0.62) كان مناسب.

### ثالثاً: إعداد مادة المعالجة التجريبية (دليل المعلم):

تم إعداد دليل المعلم لتدريب وحدة العبارات الجبرية والمعدلات من مقرر الرياضيات لصف الخامس الابتدائي الفصل الدراسي الأول وفق استراتيجيات مقتربة وتم عرض الدليل على مجموعة من المتخصصين في المناهج وطرق تدريس الرياضيات ومحترفي ومعلمي الرياضيات. وأجريت بعض التعديلات وفق ملاحظاتهم، وأصبح دليل المعلم في صورته النهائية القابلة للتطبيق.

#### تطبيق الدراسة:

- بعد أخذ الموافقات اللازمة، تم تطبيق أداتي البحث (الاختبار التحصيلي، واختبار التفكير الرياضي) قبلياً على عينة مجموعتي البحث التجريبية والضابطة.
- تم التدريس للمجموعة التجريبية وفق استراتيجيات التعليم المتمايز، مسترشداً بدليل المعلم لتدريب وحدة "العبارات الجبرية والمعدلات"، في حين تم تدريس الوحدة نفسها للمجموعة الضابطة بالطريقة الاعتيادية من قبل معلمهم في نفس الوقت المخصص لتدريب الوحدة والمخطط له وفق توزيع الوحدات والدروس للفصل الدراسي الأول من العام الدراسي 1439/1440هـ.
- بعد الانتهاء من التجربة تم تطبيق أداتي البحث (الاختبار التحصيلي، واختبار التفكير الرياضي) بعدياً.
- تصحيح الاختبارين ورصد النتائج لمعالجتها إحصائياً.

#### نتائج الدراسة ومناقشتها وتفسيرها:

##### إجابة السؤال الأول:

للإجابة عن السؤال الأول والذي ينص على: "ما فاعلية استخدام استراتيجية التعليم المتمايز في تحصيل تلاميذ الصف الخامس الابتدائي؟ تمت الإجابة على هذا السؤال من خلال التحقق من صحة الفروض التالية:

##### النتائج المتعلقة بالفرض الأول

لاختبار الفرض الأول الذي ينص على أنه "توجد فروق ذات دلالة إحصائية عند مستوى الدلالة (0.05) بين متوسطي درجات المجموعتين التجريبية والضابطة في التطبيق البعدي للاختبار التحصيلي عند مستويات (الذكر والفهم والتطبيق) والاختبار التحصيلي ككل لصالح المجموعة التجريبية، وبعد أن تم التتحقق من عدم اعدالية توزيع درجات طلاب المجموعتين في الاختبار التحصيلي باستخدام اختبار كلمنغروف-سميرنوف، تم استخدام



الأساليب الإحصائية البارامتيرية، متمثلة في اختبار "مان وتنى Mann-Whitney Test" للمقارنة بين مجموعتين مستقلتين، وجاءت النتائج كما في الجدول التالي:  
**جدول رقم (6) : نتائج المقارنة بين درجات طلاب المجموعتين التجريبية والصابطة في التطبيق البعدى للاختبار التصصيلي**

مستوى الدلالة	قيمة "U"	مجموع الترتيب	متوسط الطلاب	عدد الطلاب	المجموعة	
0.561	283.000	608.00	24.32	25	الصابطة	الذكرا
		667.00	26.68	25	التجريبية	
0.561	283.000	608.00	24.32	25	الصابطة	الفهرا
		667.00	26.68	25	التجريبية	
0.000	**125.500	450.50	18.02	25	الصابطة	التطبيق
		824.50	32.98	25	التجريبية	
0.035	*204.000	529.00	21.16	25	الصابطة	الاختبار
		746.00	29.84	25	التجريبية	

(\*) دالة عند مستوى (0.01) (\*\*\*) دالة عند مستوى (0.05)

وبالنظر إلى الجدول (6) يتضح وجود فروق ذات دلالة إحصائية عند مستوى (0.01) بين متوسطي درجات المجموعتين التجريبية والصابطة في التطبيق البعدى للاختبار التصصيلي في صالح المجموعة التجريبية.

كما يتضح وجود فروق ذات دلالة إحصائية عند مستوى (0.05) بين المجموعتين التجريبية والصابطة في التطبيق البعدى للاختبار التصصيلي ككل لصالح المجموعة التجريبية.  
يعزو الباحث هذه النتيجة إلى أن استخدام استراتيجية التعليم المتمايز في تدريس الرياضيات لطلاب المجموعة التجريبية ساهم في استيعابهم للمفاهيم والتعميمات والمبادئ والمهارات الواردة في وحدة "العبارات الجبرية والمعدلات" بما أدى إلى رفع تحصيلهم في مستوى التطبيق، وفي الاختبار التصصيلي ككل، مما يدل على أن الاستراتيجية المستخدمة حسنت من تحصيل طلاب المجموعة التجريبية في مادة الرياضيات، وتتفق هذه النتيجة مع دراسات كل من: (الاقطش، 2018؛ آدم ومحمد، 2017؛ السرای وفارس، 2015؛ الغامدي، 2018).

#### النتائج المتعلقة بالفرض الثاني:

لاختبار الفرض الثاني الذي ينص على أنه "توجد فروق ذات دلالة إحصائية عند مستوى الدلالة (0.05) بين متوسطي درجات المجموعة التجريبية في التطبيقات القبلي والبعدى للاختبار التصصيلي عند مستويات (الذكرا والفهم والتطبيق) والاختبار التصصيلي ككل لصالح التطبيق البعدى". استخدم الباحث اختبار "Wilcoxon" للمقارنة بين متوسطات العينات المرتبطة، وجاءت النتائج كما يوضحها الجدول التالي:

**جدول رقم (7): نتائج المقارنة بين درجات طلاب المجموعة التجريبية في التطبيقات القبلي والبعدى للاختبار التصصيلي**

حجم الأثر <sup>2</sup> مربع إيتا <sup>2</sup>	مستوى الدلالة	قيمة Z	مجموع الترتيبات	متوسط الترتيبات	الترتيبات	المجموعة
0.298	0.000	**3.797-	1.50	1.50	السائلبة	الفهرا
			229.50	11.48	الموجبة	
0.347	0.000	**4.089-	11.00	11.00	السائلبة	الذكرا
			314.00	13.08	الموجبة	
0.351	0.000	**4.128-	00.	00.	السائلبة	التطبيق
			253.00	11.50	الموجبة	
0.360	0.000	**4.394-	0.00	0.00	السائلبة	الاختبار
			325.00	13.00	الموجبة	

(\*) دالة عند مستوى (0.01).



وبالنظر إلى الجدول (7) يتضح وجود فروق ذات دلالة إحصائية عند مستوى دلالة (0.01) بين متوسطات درجات طلاب المجموعة التجريبية في التطبيقين القبلي والبعدي لاختبار التحصيلي عند مستويات (الذكر والفهم والتطبيق) والاختبار التحصيلي ككل لصالح التطبيق البعدى.

ويتبين من الجدول (7) أن قيمة مربع إيتا لحساب حجم أثر المتغير المستقل (استراتيجية التعليم المتمايز) على التحصيل في الرياضيات بلغت (0.360) وهي قيمة تدل على حجم أثر كبير، مما يدل على فاعلية استخدام إستراتيجية التعليم المتمايز في رفع مستوى التحصيل لدى الطالب في مادة الرياضيات. وهو ما أكدته دراسات كل من: (آدم ومحمد، 2017؛ الأقطش، 2018؛ السراري وفارس، 2015؛ الغامدي، 2018).

**إجابة السؤال الثاني:** والذي ينص على: "ما فاعلية استخدام استراتيجية التعليم المتمايز في تنمية مهارات التفكير الرياضي لدى تلاميذ الصف الخامس الابتدائي؟ تمت الإجابة على هذا السؤال من خلال التحقق من صحة الفروض التالية:

#### النتائج المتعلقة بالفرض الثالث:

لأختبار الفرض الثالث الذي ينص على أنه "توجد فروق ذات دلالة إحصائية عند مستوى الدلالة (0.05) بين متوسطي درجات المجموعتين التجريبية والصابطة في التطبيق البعدى لاختبار التفكير الرياضي في مهارات (الاستقراء والاستنتاج والتعبير بالرموز والنمذجة) واختبار التفكير الرياضي ككل لصالح المجموعة التجريبية". وبعد التتحقق من عدم اعتدالية توزيع درجات طلاب المجموعتين في اختبار التفكير الرياضي باستخدام اختبار كلمنجروف-سميرنوف، تم استخدام اختبار "مان وتنى" Mann-Whitney Test وجاءت النتائج كما يوضحها الجدول التالي:

**جدول رقم (8): نتائج المقارنة بين درجات طلاب المجموعتين التجريبية والصابطة في التطبيق البعدى لاختبار التفكير الرياضي**

المهارة	المجموعة	عدد الطالب	متوسط الترتيب	مجموع الترتيب	قيمة "U"	مستوى الدلالة
مهارة الاستقراء	الصابطة	25	19.94	498.50	**173.500	0.005
	التجريبية	25	31.06	776.50		
مهارة الاستنتاج	الصابطة	25	22.54	563.50	238.500	0.106
	التجريبية	25	28.46	711.50		
مهارة التعبير بالرموز	الصابطة	25	25.50	637.50	312.500	1.000
	التجريبية	25	25.50	637.50		
مهارة النمذجة	الصابطة	25	22.76	569.00	244.000	0.162
	التجريبية	25	28.24	706.00		
التفكير الرياضي	الصابطة	25	20.76	519.00	*194.000	0.020
	التجريبية	25	30.24	756.00		

(\*) دلالة عند مستوى (0.05). (\*\*): دلالة عند مستوى (0.01).

وبالنظر إلى الجدول (8) يتضح وجود فروق ذات دلالة إحصائية عند مستوى (0.01) بين المجموعتين التجريبية والصابطة في التطبيق البعدى لاختبار التفكير الرياضي في مهارة (الاستقراء) لصالح المجموعة التجريبية. كما يتضح وجود فروق ذات دلالة إحصائية عند مستوى (0.05) بين المجموعتين التجريبية والصابطة في التطبيق البعدى لاختبار التفكير الرياضي في ككل لصالح المجموعة التجريبية.

ويفسر الباحث هذه النتيجة بأن استراتيجية التعليم المتمايز حسنت من مهارات التفكير الرياضي لدى طلاب المجموعة التجريبية مقارنة بزملائهم الذين درسوا بالطريقة التقليدية. وتتفق هذه النتيجة مع دراسات كل من:

(آدم ومحمد، 2017؛ خطاب، 2018؛ رحمة، 2017؛ العريني، 2017)

**النتائج المتعلقة بالفرض الرابع:** لأختبار الفرض الرابع الذي ينص على أنه "توجد فروق ذات دلالة إحصائية عند مستوى الدلالة (0.05) بين متوسطي درجات المجموعة التجريبية في التطبيقين القبلي والبعدي لاختبار التفكير الرياضي في مهارات (الاستقراء والاستنتاج والتعبير بالرموز والنمذجة) واختبار التفكير الرياضي ككل لصالح التطبيق البعدى". استخدم الباحث اختبار "Wilcoxon". وجاءت النتائج كما يوضحها الجدول التالي:



#### جدول رقم (9): نتائج المقارنة بين درجات طلاب المجموعة التطبيقيين القبلي والبعدي لاختبار التفكير الرياضي

المهارة	الترتيبات	متوسط الترتيبات	مجموع الترتيبات	قيمة Z	مستوى الدالة	حجم الاثر مربع إيتا $\eta^2$
مهارة الاستقراء	السلبية	8.75	17.50	3.565-	**0.000	0.357
	الموجة	11.77	235.50			
مهارة الاستنتاج	السلبية	0.00	0.00	4.316-	**0.000	0.477
	الموجة	12.50	300.00			
مهارة التعبير بالرموز	السلبية	8.25	16.50	3.187-	**0.001	0.210
	الموجة	10.22	173.50			
مهارة النمذجة	السلبية	0.00	0.00	4.397-	**0.000	0.432
	الموجة	13.00	325.00			
التفكير الرياضي	السلبية	0.00	0.00	4.388-	**0.000	0.533
	الموجة	13.00	325.00			

(\*\*) دالة عند مستوى (0.01)

وبالنظر إلى الجدول (9) يتضح وجود فرق ذات دلالة إحصائية عند مستوى (0.01) بين متوسطات درجات طلاب المجموعة التجريبية في التطبيقيين القبلي والبعدي في مهارات (الاستقراء، الاستنتاج، التعبير بالرموز، النمذجة) وفي اختبار مهارات التفكير الرياضي ككل لصالح التطبيق البعدى.

ويتبين من الجدول (9) أن قيمة مربع إيتا لحساب حجم أثر المتغير المستقل (استراتيجية التعليم المتمايز) على مهارات التفكير الرياضي بلغت (0.533) وهي قيمة تدل على حجم أثر كبير، مما يدل على فاعلية استخدام إستراتيجية التعليم المتمايز في تنمية مهارات التفكير الرياضي لدى طلاب في مادة الرياضيات. وهذا ما أكدته نتائج الدراسات السابقة، ومنها: (أدم ومحمد، 2017؛ خطاب، 2018؛ رحمة، 2017؛ العربي، 2017).

**إجابة السؤال الثالث:** والذي ينص على: "هل توجد علاقة ارتباطية بين التحصيل في الرياضيات ومهارات التفكير الرياضي لدى تلميذ الصف الخامس الابتدائي؟". تمت الإجابة على هذا السؤال من خلال التحقق من صحة الفرض التالي:

**النتائج المتعلقة بالفرض الخامس:** لاختبار الفرض الخامس الذي ينص على أنه "توجد علاقة ارتباطية موجبة عند مستوى الدلالة (0.05) بين التحصيل في الرياضيات ومهارات التفكير الرياضي لدى طلاب الصف الخامس الابتدائي"، استخدم الباحثان معامل ارتباط بيرسون وجاءت النتائج كما يوضحها الجدول التالي:

**جدول رقم (10): العلاقة الارتباطية بين درجات طلاب المجموعة التجريبية في اختباري التحصيلي والتفكير الرياضي**

المهارة	تنكر	فهم	تطبيق	الاختبار التحصيلي
مهارة الاستقراء	**0.847	**0.687	**0.741	**0.741
مهارة الاستنتاج	**0.632	**0.823	**0.597	**0.647
مهارة التعبير بالرموز	**0.654	**0.659	**0.820	**0.712
مهارة النمذجة	**0.587	**0.612	**0.729	**0.856
التفكير الرياضي	**0.665	**0.628	**0.627	**0.716

(\*\*) دالة عند مستوى (0.01).

وبالنظر إلى الجدول (10) يتضح وجود علاقة ارتباطية طردية ذات دلالة إحصائية عند مستوى دلالة (0.01) بين التحصيل في الرياضيات والتفكير الرياضي لدى تلاميذ المجموعة التجريبية، حيث يتضح أنه كلما زاد التفكير الرياضي لدى تلاميذ المجموعة التجريبية كلما تحسن مستوى التحصيل الدراسي لديهم. وتتفق هذه النتيجة مع نتائج بعض الدراسات السابقة التي أكدت وجود علاقة طردية بين تنمية مهارات التفكير الرياضي والتحصيل الدراسي في مادة الرياضيات، ومنها دراسات: (عمر، 2015؛ كريري، 2016).

**توصيات الدراسة:**

في ضوء ما أسفرت عنه نتائج الدراسة الحالية، تم التوصية بما يلي:

- الاهتمام باستخدام استراتيجيات التعليم المتمايز في تدريس الرياضيات بالمرحلة الابتدائية، لما تضييفه من حيوية ونشاط، ومناسبتها لمختلف قدرات واستعدادات واهتمامات مختلف المتعلمين، ومن ثم رفع مستوى التحصيل والتفكير الرياضي لديهم.
- إقامة دورات لتدريب معلمي الرياضيات على كيفية التخطيط للاستخدام استراتيجيات التعليم المتمايز وتنفيذها في التدريس.
- تهيئية البيئة المناسبة التي تحسن من تطبيق استراتيجية التعليم المتمايز في تدريس الرياضيات.
- توجيهه اهتمام مخططى مناهج الرياضيات المدرسية ومطوريها إلى أهمية توظيف استراتيجية التعليم المتمايز في تدريس الرياضيات.

**مقترنات الدراسة:**

في ضوء النتائج للدراسة الحالية تتضح الحاجة إلى دراسات أخرى مثل:

- إجراء دراسة حول معوقات تطبيق إستراتيجية التعليم المتمايز في تدريس الرياضيات بالمرحلة الابتدائية، وغيرها من المراحل الدراسية.
- إجراء دراسة حول المقومات الازمة لنجاح إستراتيجية التعليم المتمايز في المرحلة الابتدائية.
- إجراء دراسة حول فاعلية استخدام إستراتيجية التعليم المتمايز على متغيرات جديدة كالتفكير الناقد والتفكير الإبداعي وحل المشكلات والترابط الرياضي الدافعية نحو التعلم.
- دراسة الاحتياجات التربوية لمعلمي الرياضيات بالمرحلة الابتدائية في ضوء متطلبات التعليم المتمايز.
- إعداد وتنفيذ برنامج تربويي لمعلمي الرياضيات وأثره على تنمية مهارات التفكير الرياضي والتحصيل لدى طلابهم.
- إجراء دراسة تقويمية لمناهج الرياضيات بالمرحلة الابتدائية في ضوء متطلبات التعليم المتمايز.

**المراجع****أولاً: المراجع العربية :**

1. إبراهيم، بهاء الدين محمد (2016). ضعف المستوى التحصيلي لدى بعض طلاب المرحلة الابتدائية حفر الباطن- المملكة العربية السعودية في مادة الرياضيات، مجلة جيل العلوم الإنسانية والاجتماعية - مركز جيل البحث العلمي - الجزائر، (17)، 153-169.
2. أبو سكران، محمد نعيم (2017). فاعلية برنامج مقترن على القوة الرياضية في تنمية التحصيل والتفكير التباعدي والتواصل الرياضي لدى طلبة الصف العاشر الأساسي، رسالة دكتوراه غير منشورة، كلية البنات للآداب والعلوم التربوية، جامعة عين شمس، مصر.
3. أحمد، سماح عبد الحميد (2016). فاعلية برنامج قائم على استراتيجية التعليم المنظم ذاتيا في تنمية التحصيل والتفكير الرياضي والاتجاه نحو التعلم الذاتي لدى تلاميذ المرحلة الإعدادية، مجلة تربويات الرياضيات، مصر، (5)، 161-240.
4. آدم، مرفت محمد، ومحمد، رشا هاشم (2017). توظيف التعليم المتمايز من خلال الكتاب الإلكتروني في تدريس الهندسة لتنمية المستويات التحصيلية العليا ومهارات التواصل الرياضي والفهم العميق لدى طلاب الصف الثاني الإعدادي، مجلة تربويات الرياضيات - مصر، (4)، 129-176.
5. الأقطش، صفاء عوض (2018). أثر استخدام استراتيجية التعليم المتمايز في تحصيل طلبة الصف الرابع في الرياضيات والاتجاهات نحوها، رسالة ماجستير غير منشورة، كلية الدراسات العليا، الجامعة الهاشمية، الأردن.
6. بوريتش، جاري (2019). طرق التدريس الفعال: الممارسة القائمة على البحث. (ترجمة: الجبالي، محمد أحمد وعبدالقادر، رائد)، دار جامعة الملك سعود للنشر.



7. خطاب، أحمد علي (2018). أثر استخدام مدخل التدريس المتمايز في تدريس الرياضيات على تنمية مهارات التفكير المنشعب والمهارات الاجتماعية لدى تلميذ المرحلة الابتدائية، مجلة تربويات الرياضيات - مصر، 21(2)، 201-305.
8. الخطيب،أمل سعدي (2017م). أثر توظيف مدخل التدريس المتمايز في تنمية الاستيعاب المفاهيمي وعمليات العلم لدى طالبات الصف الخامس الأساسي، رسالة ماجستير غير منشورة، كلية التربية، الجامعة الإسلامية، غزة.
9. دي وال، جون ؛ لوفين، إل؛ كارب، إس؛ ولیامز، جینیفر (2022). تعليم الرياضيات المتمحور حول الطالب، التعليم التطوري المناسب للصفوف ما قبل الروضة إلى الصف الثاني. (ترجمة: متولي، أحمد؛ آل سعود، الجوهرة؛ عبدالغنى، هبة)، دار جامعة الملك سعود للنشر.
10. دي وال، جون؛ كارب، إس؛ ولیامز، جینیفر (2022). رياضيات المرحلتين الابتدائية والمتوسطة: التعليم التطوري. (ترجمة: السلولي، مسفر؛ خشان، خالد)، دار جامعة الملك سعود للنشر.
11. رحمة، أريج نافذ (2017م). أثر توظيف التدريس المتمايز في تنمية بعض مهارات الرياضيات والاتجاه نحوها لدى طالبات الصف الثامن الأساسي بغزة، رسالة ماجستير غير منشورة، الجامعة الإسلامية بغزة.
12. الرشيدى، فواز عبد الله (2016م). أثر استخدام استراتيجية (فك-راوج-شارك) على تنمية التفكير الرياضي لدى تلاميذ الصف الخامس الابتدائي، رسالة ماجستير غير منشورة، كلية التربية، جامعة القصيم، القصيم.
13. السرای، میعاد جاسم، وفارس، إلهام جبار (2015م). برنامج تدريسي قائم على استراتيجية التعليم المتمايز للطلبة المطبقين وأثره في تحصيلهم بمادة التربية العملية واتجاهاتهم نحو مهنة تدريس الرياضيات، مجلة تربويات الرياضيات مصر، 18(7)، 102-135.
14. الشلبي، إلهام علي، والخليفه، شذى أحمد (2017م). مستوى مهارات التفكير العلمي والتفكير الرياضي لدى طالبات المرحلة الابتدائية، مجلة العلوم التربوية والنفسية، المركز القومي للبحوث، فلسطين، 1(3)، 117-129.
15. الشوكاني، نجود محمد (2015). أثر برنامج كورت CORT في تدريس الرياضيات على التحصيل وتنمية مهارات التفكير الإبداعي لدى طالبات الصف السادس الابتدائي، رسالة ماجستير غير منشورة، كلية التربية، جامعة الملك خالد، السعودية.
16. العتيبي، خالد عبد الله وآخرون (2017م). نوعية تحصيل طلبة المرحلة الابتدائية في مادة الرياضيات وفق مشروع تطوير الرياضيات والعلوم الطبيعية في التعليم العام بالمملكة العربية السعودية، رسالة التربية وعلم النفس -السعوية، 56(1)، 89-108.
17. العربي، حنان عبد الرحمن (2017م). فاعلية استخدام التعليم المتمايز في تنمية بعض مهارات التفكير الرياضي لدى طالبات المرحلة المتوسطة بمدينة الرياض، مجلة العلوم التربوية والنفسية، جامعة القصيم، 4(4)، 1218-1169.
18. عسيري، عبد الله علي (2016م). أثر تدريس الرياضيات باستخدام إستراتيجية الجدول الذاتي في تحصيل طلاب الصف الخامس الابتدائي بمدارس خميس مشيط، الثقافة والتنمية - مصر، 1(1)، 280-328.
19. عمر، أمل رشيد (2015). أثر برنامج تعليمي قائم على القوة الرياضية في التحصيل والتفكير الرياضي لدى طلبة الصف السابع الأساسي في محافظة نابلس، رسالة ماجستير غير منشورة، كلية الدراسات العليا، جامعة النجاح الوطنية، نابلس.
20. الغامدي، مشاعل مهدي (2018). أثر استراتيجية التعليم المتمايز في تدريس الرياضيات على تنمية التحصيل المعرفي لدى تلميذات الصف السادس الابتدائي، مجلة تربويات الرياضيات مصر، 21(2)، 96-134.
21. القريري، هند حمدان (2016). فاعلية تدريس وحدة مقتربة باستخدام السبورة التفاعلية في تنمية مهارات التفكير الرياضي والتحصيل لدى طالبات المرحلة المتوسطة بمدينة جدة، التربية (جامعة الأزهر)، 168(3)، 583-630.



22. كريري، إبراهيم علي (2016). أثر برنامج مقترن على التعلم النشط في تدريس الرياضيات على التحصيل وتنمية مهارات التفكير البصري لدى طلاب الصف الثاني المتوسط، رسالة دكتوراه غير منشورة، كلية التربية، جامعة الملك خالد، السعودية.
23. المجلس الوطني الأمريكي لمعلمي الرياضيات (2019). من المبادر إلى الإجراءات: ضمان النجاح الرياضي للجميع. (ترجمة: العمرى، ناعم محمد)، دار جامعة الملك سعود للنشر.
24. محمد، كريمة عبد الله (2017م). وحدة مقترنة في العلوم قائمة على التعليم المتمايز لإكساب المفاهيم العلمية والحس العلمي لطلاب الصف الثاني الابتدائي، مجلة التربية العلمية - مصر، المجلد(20)1، 1-49.
25. النبهان، مسلم محمد (2016). فاعلية استراتيجية الدعم التعليمية والتعلم المتمايز في تحصيل طلاب الصف الثاني المتوسط في مادة الفيزياء، بحث منشور، جامعة البصرة – كلية التربية
26. وزارة التربية والتعليم (1435هـ). دليل معلم الرياضيات للصف الخامس الابتدائي، الفصل الدراسي الأول: وزارة التربية والتعليم بالمملكة العربية السعودية.
27. وزارة التعليم (1439هـ). كتاب الرياضيات للصف الخامس الابتدائي، الفصل الدراسي الأول: وزارة التعليم بالمملكة العربية السعودية.

**ثانياً: المراجع الأجنبية:**

1. Adam, M. and Mohamed, R. (2017 AD). Employing differentiated education through the e-book in teaching geometry to develop higher levels of achievement, mathematical communication skills, and deep understanding among second-grade preparatory students, Mathematics Education Journal - Egypt, 20 (4), 129-176.
2. Ahmed, S. (2016). The effectiveness of a program based on the self-regulated learning strategy in developing achievement, mathematical thinking and the attitude towards self-learning among middle school students, Mathematics Education Journal, Egypt, 19 (5), 161-240.
3. Al-Arini, H. (2017 AD). The effectiveness of using differentiated education in developing some mathematical thinking skills among middle school students in Riyadh, Journal of Educational and Psychological Sciences, Qassim University, 1 (4), 1218-1169.
4. Al-Ghamdi, M. (2018). The impact of the differentiated teaching strategy in teaching mathematics on developing the cognitive achievement of sixth grade female students, Mathematics Education Journal - Egypt, 21 (2), 96-134.
5. Al-Nabhan, M. (2016). The effectiveness of the two strategies of educational pillars and differentiated education in the achievement of second grade intermediate students in physics, published research, Basra University - College of Education
6. Al-Otaibi, K. et al. (2017 AD). The quality of primary school students' achievement in mathematics according to the project for the development of mathematics and natural sciences in public education in the Kingdom of Saudi Arabia, Thesis of Education and Psychology - Saudi Arabia, (56), 89-108.
7. Al-Qurai, H. (2016). The effectiveness of teaching a proposed unit using the interactive whiteboard in developing mathematical thinking skills and achievement among middle school students in Jeddah, Education (Al-Azhar University), 168 (3), 583-630.
8. Al-Saray, M. and Fares, I. (2015 AD). A training program based on differentiated education strategies for applied students and its impact on their achievement in practical education and their attitudes towards the profession of teaching mathematics, Mathematics Education Journal - Egypt, 18 (7), 102-135.



9. Al-Shalabi, I. and Al-Khalifa, S. (2017 AD). The level of scientific thinking skills and mathematical thinking among female primary school students, Journal of Educational and Psychological Sciences, National Research Center, Palestine, 1 (3), 117-129.
10. Asiri, A. (2016 AD). The effect of teaching mathematics using the self-scheduling strategy on the achievement of fifth grade students in Khamis Mushait schools, Culture and Development - Egypt, (1), 328-280.
11. Gervasoni, A.; Roche, A. & Downton, A. (2021). Differentiating Instruction for Students Who Fail to Thrive in Mathematics: The Impact of a Constructivist-Base Intervention Approach, Mathematics Teacher Education and Development, 23(3), 207-233
12. Gibney, L. (2015). Provoking Mathematical Thinking; Experiences of Doing Realistic Mathematics Tasks in Preparatory School, Journal of computer in education, 11(4), 75-85.
13. Ibrahim, B. (2016). The poor achievement level of some primary school students in Hafar Al-Batin - Saudi Arabia in Mathematics, Generation Journal of Humanities and Social Sciences - Generation Scientific Research Center - Algeria, (17), 153-169.
14. Khattab, A. (2018). The effect of using the differentiated teaching approach in teaching mathematics on the development of divergent thinking skills and social skills among primary school students, Mathematics Education Journal - Egypt, 21 (2), 201-305.
15. Marks, A.; Woollcott, G.& Markopoulos, C. (2021). Differentiating Instruction: Development of a Practice Framework for and with Secondary Mathematics Classroom Teachers, *International Electronic Journal of Mathematics Education IEJME*, 16(3), <https://doi.org/10.29333/jme/11198>
16. Muhammad, K. (2017 AD). A proposed unit in science based on differentiated education to provide scientific concepts and scientific sense for second grade students, Journal of Scientific Education - Egypt, 20(1), 49-1.
17. Stephen, M. (2015). Teacher's uses of a learning trajectory to support attention to student's mathematical thinking in medical school, journal of contemporary issues in technology and teacher education, 5(11), 15-25.